

Éléments caractéristiques d'un vecteur

Définition

Un vecteur \overrightarrow{AB} est défini par :

- une direction qui est la droite (AB) .
- un sens (de A vers B)
- Une longueur qui est la distance AB



$\overrightarrow{AA} = \vec{0}$: est appelé vecteur nul

Égalité de deux vecteurs

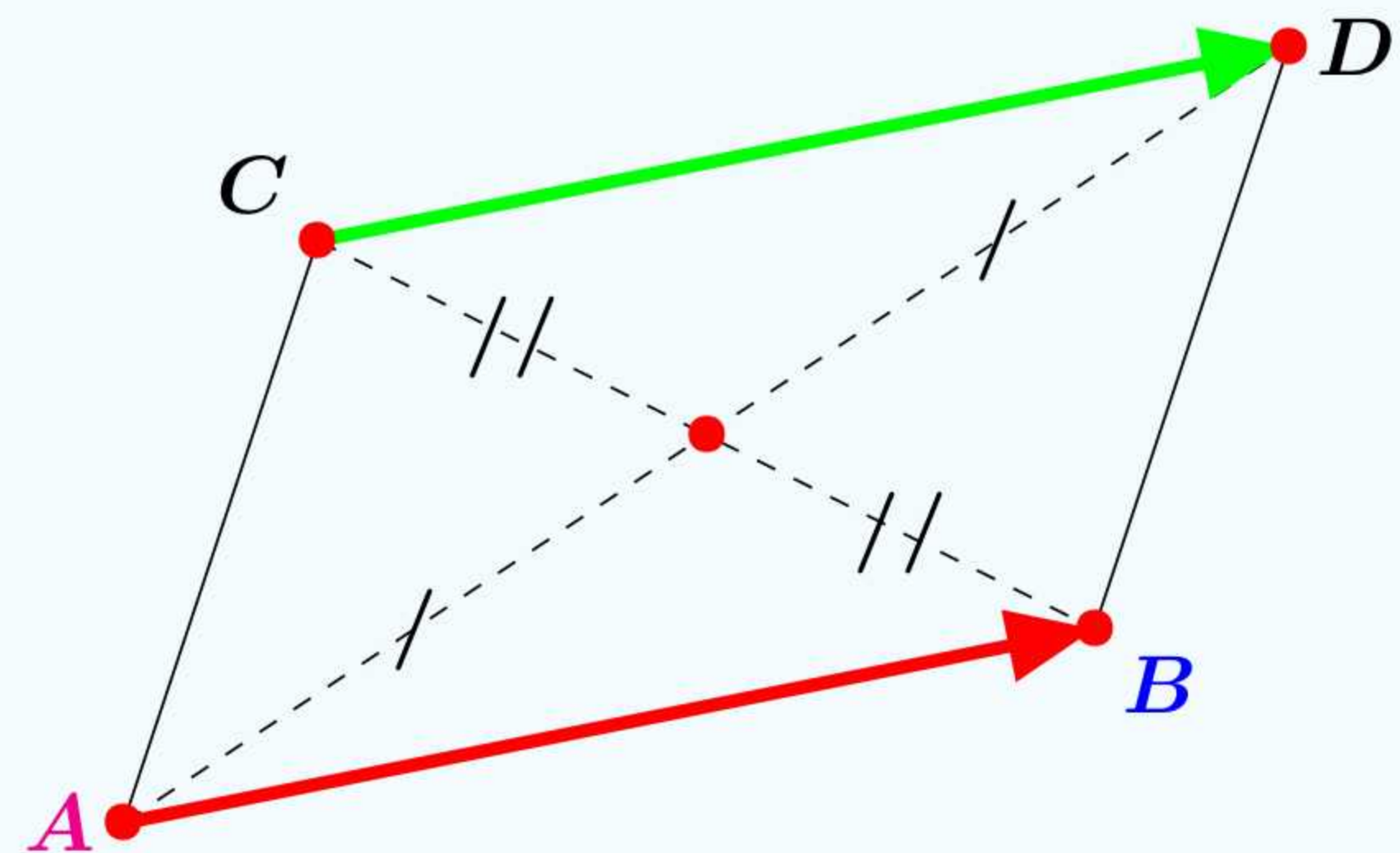
Définition

① Deux vecteurs sont égaux lorsqu'ils ont même longueur, même direction et même sens.

② L'égalité $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ est équivalente à chacune des propriétés suivantes :

a $ABDC$ est un parallélogramme

b B est l'image de A par la translation de vecteur \overrightarrow{CD} (ou qui transforme C en D)

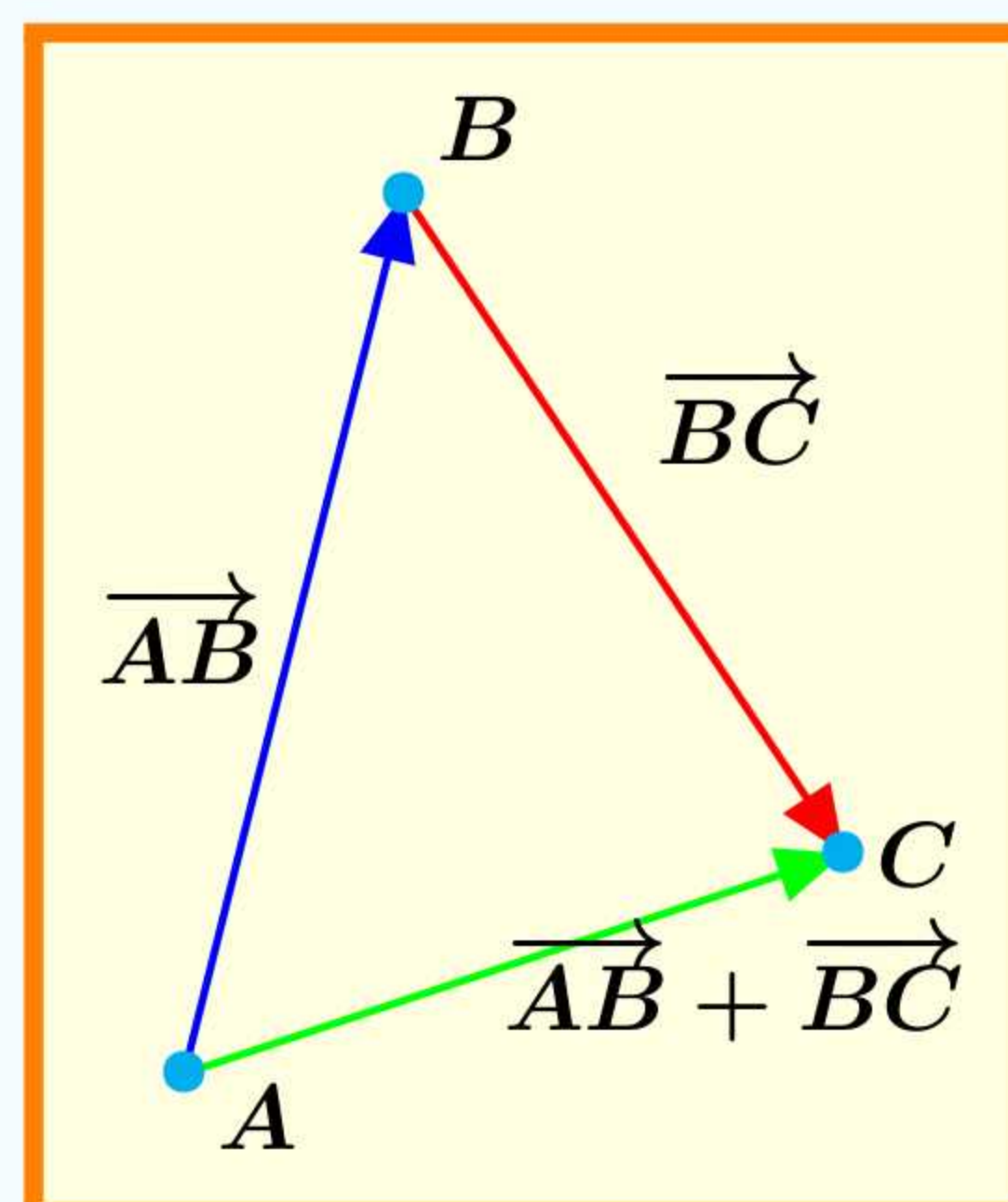


Somme de deux vecteurs - Relation de Chasles

Définition

Pour additionner les deux vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{BC} on utilise la relation de Chasles:

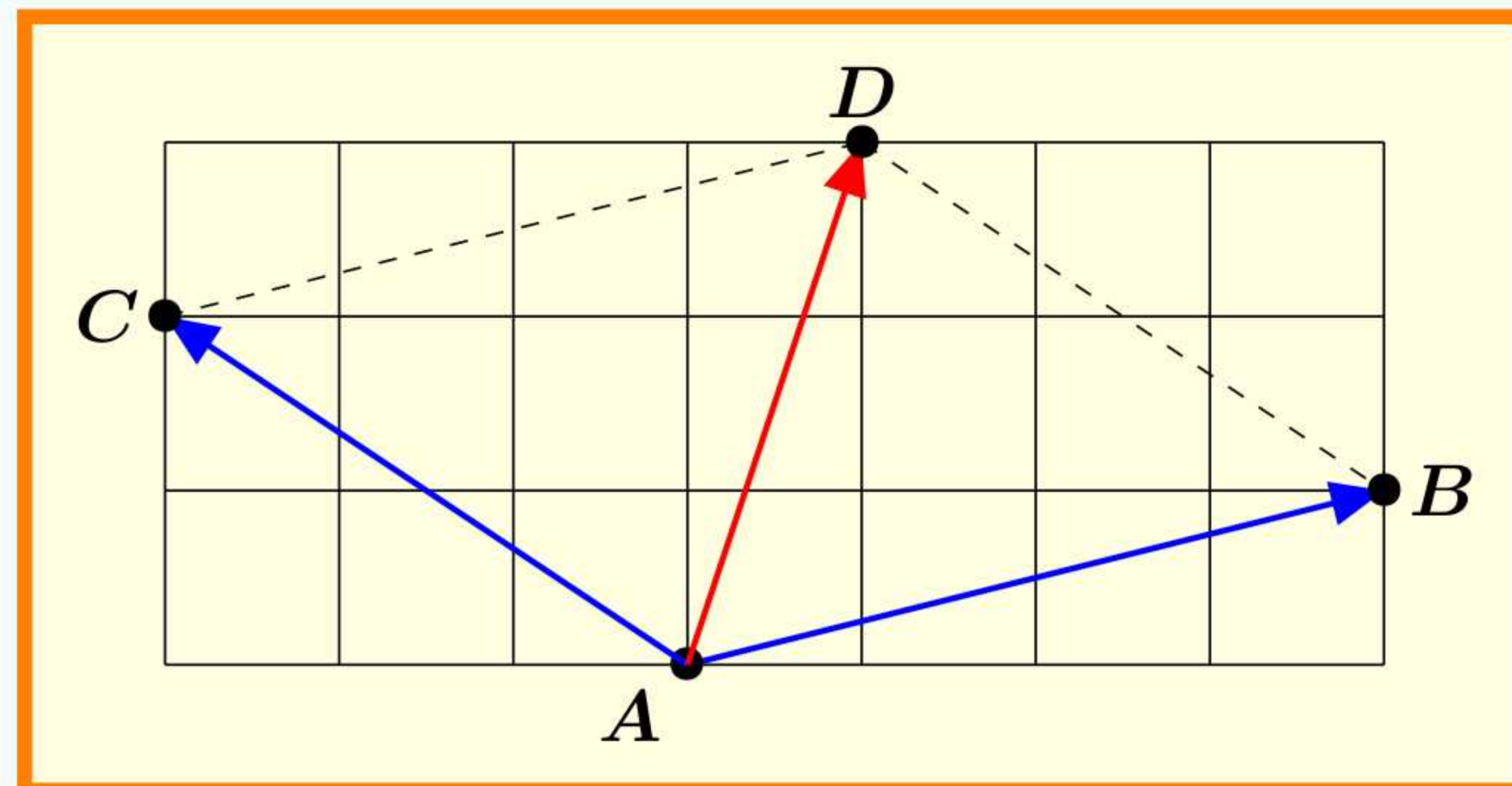
$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$$



Définition

Pour additionner les deux vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} on utilise la règle du parallélogramme:

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$$



Remarque:

On a $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BA} = \overrightarrow{AA} = \vec{0}$ on dit que \overrightarrow{BA} est l'opposé de \overrightarrow{AB} et on écrit $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$

Produit d'un vecteur par un nombre réel:

Définition

Soit \overrightarrow{AB} un vecteur non nul et k un réel non nul, on définit le vecteur $k\overrightarrow{AB}$ comme le vecteur \overrightarrow{AC} qui vérifie $C \in (AB)$ et :

a si $k > 0$ alors $AC = kAB$ et B et C sont du même côté par rapport à A ,

b si $k < 0$ alors $AC = -k AB$ et B et C sont de part et d'autre de A .

Définition

Soient A, B, C et D des points distincts et k un nombre réel non nul.

a $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{AC}$ est équivalent à A, B et C sont des points alignés

b $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{CD}$ est équivalent à $(AB) // (CD)$

Milieu d'un segment

Définition

Soit un segment $[AB]$. Chacune des propriétés suivantes caractérise le milieu I du segment $[AB]$

a $\overrightarrow{AI} = \overrightarrow{IB}$

b $\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{IB} = \vec{0}$

c $\overrightarrow{AB} = 2\overrightarrow{AI}$.

Définition

Le point I est le milieu du segment $[AB]$ si, et seulement, si pour tout point M du plan on a :

$$\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2\overrightarrow{MI}$$